

CAMPO MAGNÉTICO

Física 2.º Bach

Marta Rada Arias



El CAMPO MAGNÉTICO es una PERTURBACIÓN en el ESPACIO producida por la PRESENCIA de CORRIENTES ELÉCTRICAS. Se trata de una MAGNITUD VECTORIAL definida en cada punto del espacio perturbado. Se denota por \vec{B} y su UNIDAD en el SI es el TESLA (T), equivalente a $V s m^{-2}$.

Introducción

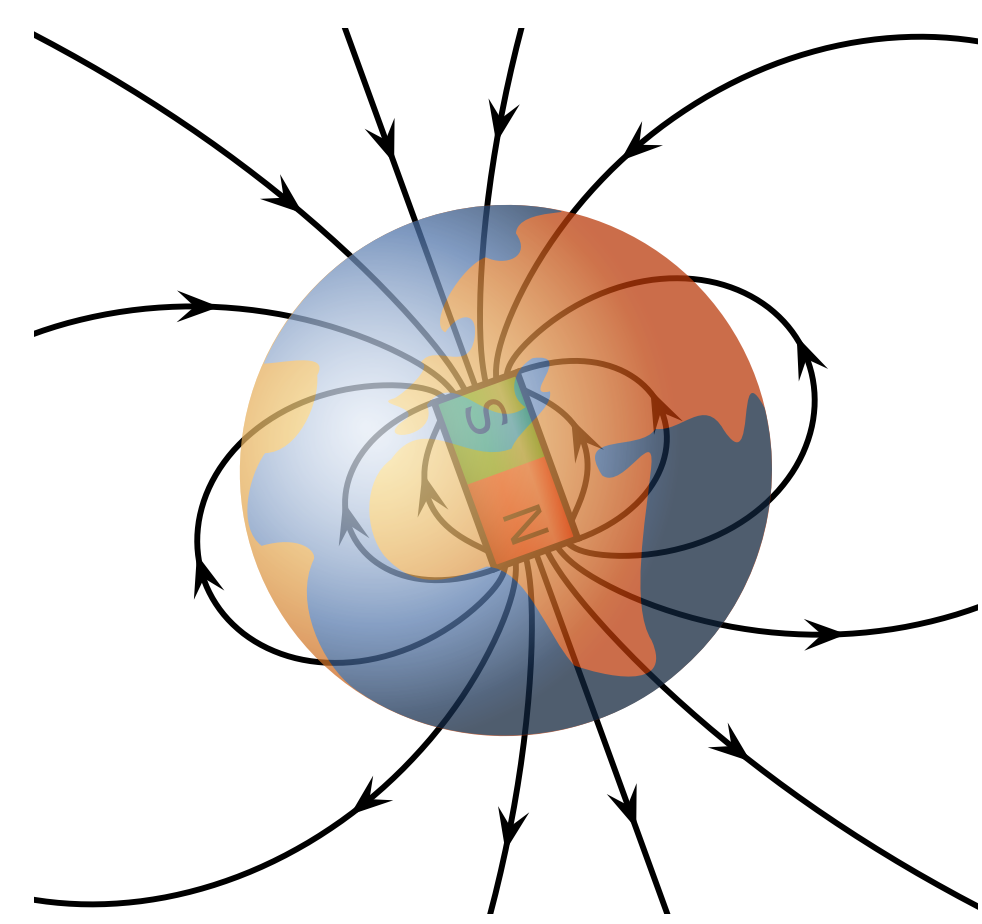
Los imanes naturales eran ya conocidos en la Antigua Grecia. Se sabía que algunos minerales como la magnetita tenían la propiedad de atraer piezas de hierro. Durante mucho tiempo, el estudio del magnetismo se limitó a estudiar estos imanes naturales.

Pierre de Maricourt

En 1269, PIERRE DE MARICOURT observó que todos los imanes, independientemente de su forma, poseían dos polos (N y S) en los que la fuerza ejercida por el imán presentaba su máxima intensidad. Descubrió además que al aproximar polos iguales se repelían. Por el contrario, si se aproximaban polos opuestos se atraían. Observó también que los polos nunca se encuentran aislados. Si se parte un imán en dos trozos, se obtienen dos nuevos imanes, ambos con sus dos polos N y S (constituye una diferencia esencial con las cargas eléctricas).

El descubrimiento de la brújula

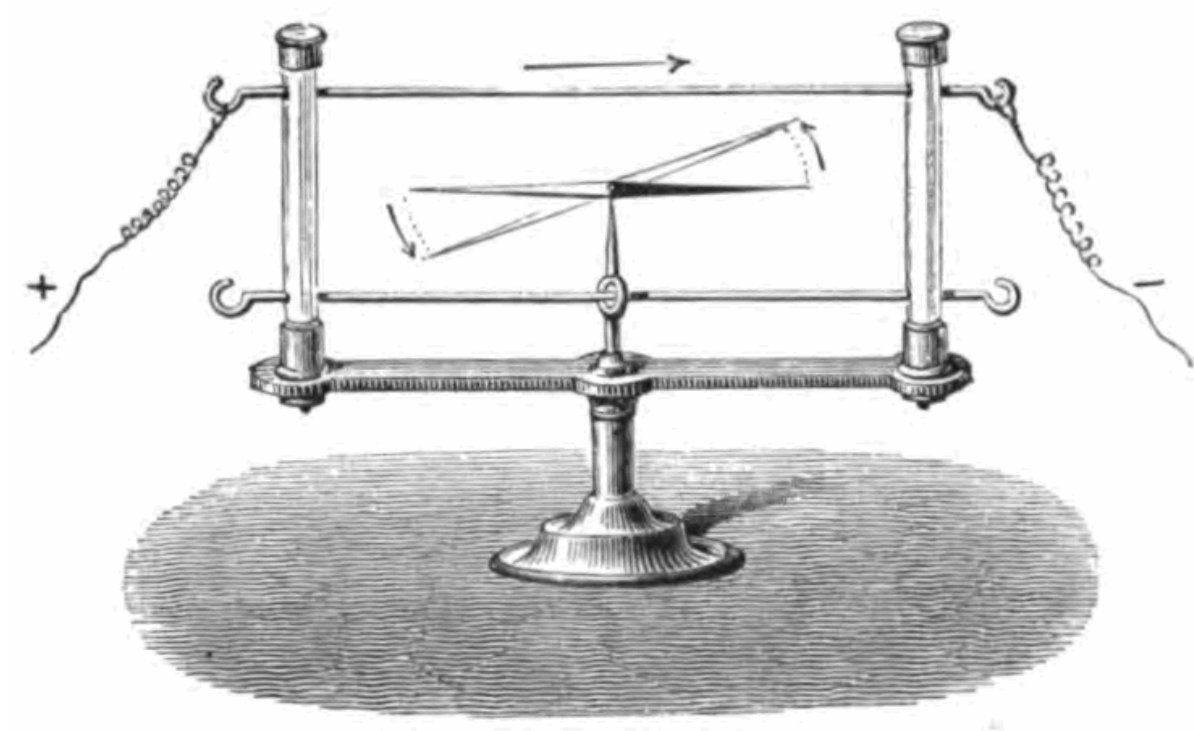
El descubrimiento de todos estos fenómenos magnéticos hizo posible el desarrollo de la BRÚJULA, que se atribuye a los chinos en el s. XI, aunque en Europa no comenzó a utilizarse hasta el s. XII. En 1600, el inglés WILLIAM GILBERT, científico y médico de la Reina Isabel I de Inglaterra, explicó el comportamiento de las brújulas suponiendo que la Tierra era un gigantesco imán con el polo Sur magnético en el polo Norte geográfico (los polos magnéticos de la Tierra no coinciden exactamente con los geográficos. Entre ellos existe un ángulo denominado declinación magnética que varía en el tiempo y en el espacio).



CAMPO MAGNÉTICO TERRESTRE, aproximado con el campo creado por un dipolo magnético (un imán de barra), donde se observan las líneas de campo magnético (siempre cerradas), saliendo del polo norte y entrando por el polo sur. Fuente: https://commons.wikimedia.org/wiki/File:VFPT_Earths_Magnetic_Field_Confusion_overlay.svg.

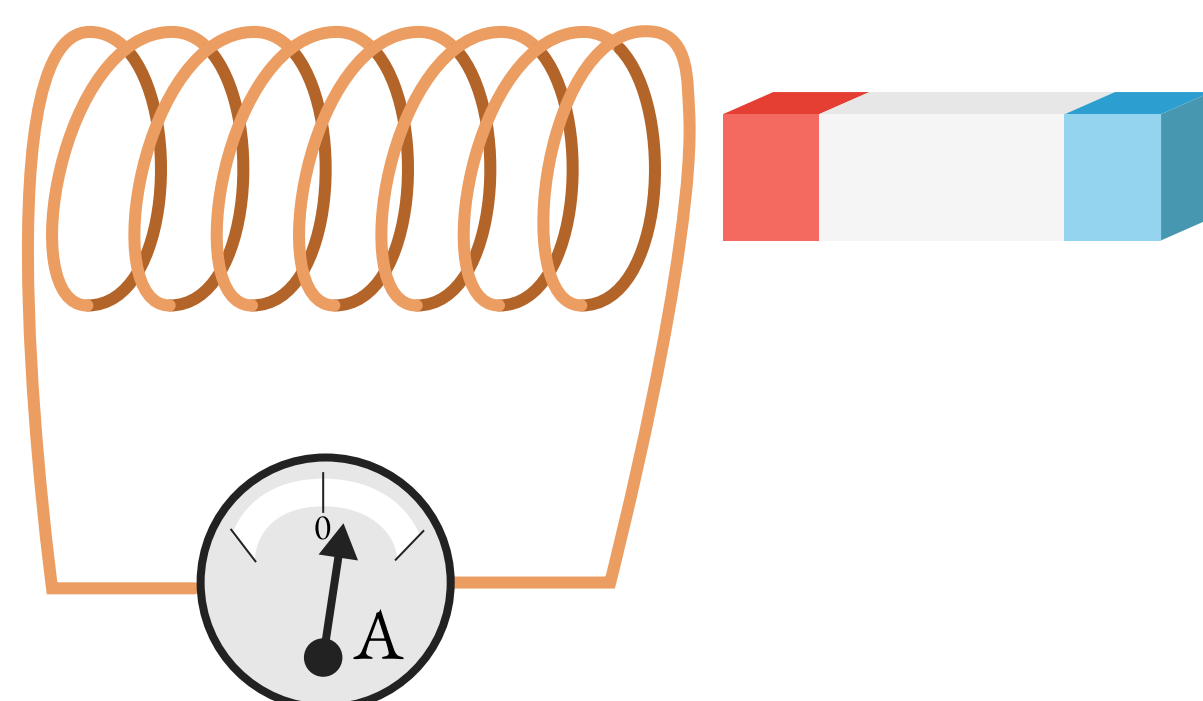
Experiencias de Ørsted y de Faraday-Henry

Los fenómenos eléctricos y magnéticos están íntimamente relacionados, pero la conexión entre ambos no se hizo hasta comienzos del s. XIX, cuando ØRSTED descubrió que las corrientes eléctricas eran capaces de influir sobre la aguja de una brújula, modificando el magnetismo. Pocos años después, FARADAY y HENRY observaron el efecto contrario. Al acercar o alejar un imán a un conductor, se generaba en él una corriente eléctrica.



EXPERIENCIA DE ØRSTED.

Fuente: https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Ørsted_experiment.png.

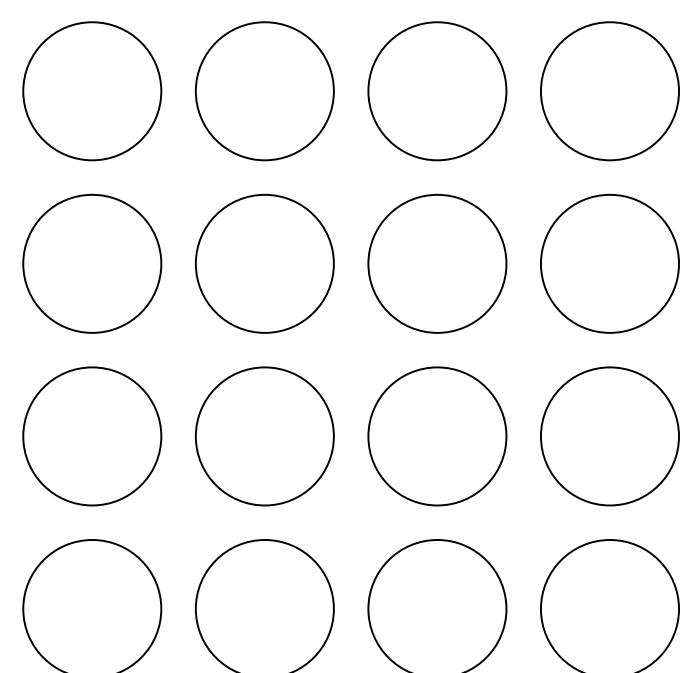


EXPERIENCIA DE FARADAY-HENRY. Adaptada de <https://www.chegg.com/learn/topic/faradays-experiment>.

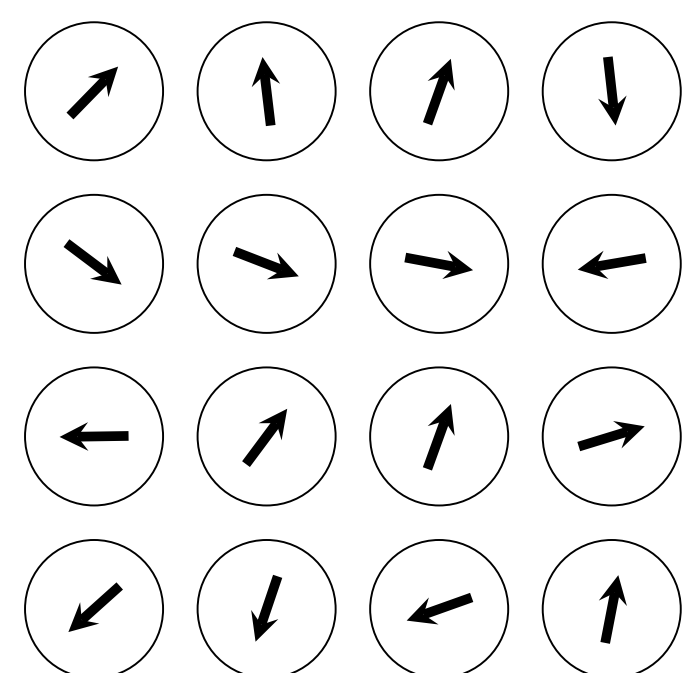
Todos estos hechos pusieron de manifiesto la íntima relación entre la electricidad y el magnetismo.

Magnetismo

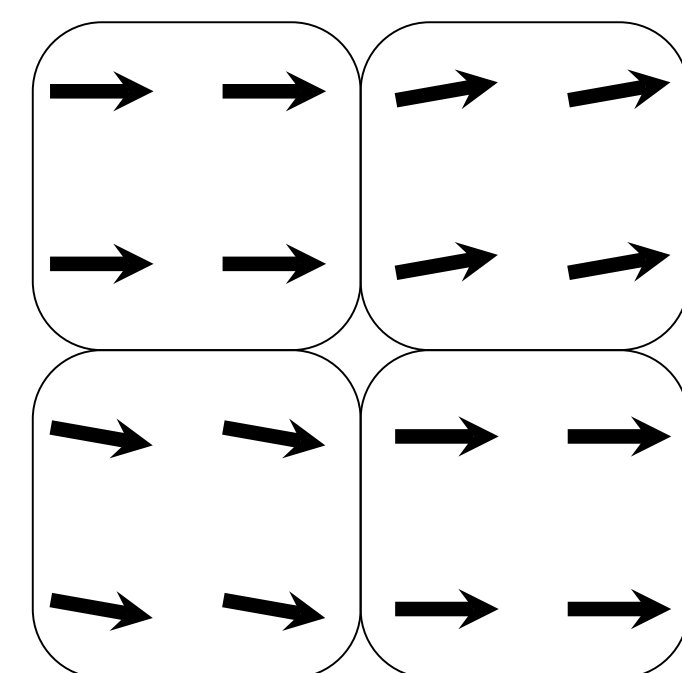
Posteriormente, AMPÈRE sentó las bases del MAGNETISMO, proponiendo un modelo según el cual las fuentes del campo magnético no son los imanes, sino las corrientes eléctricas. Según su teoría, el magnetismo de los imanes se debe a la existencia de pequeñas corrientes eléctricas a escala atómica, debidas al movimiento de electrones. Estas corrientes están orientadas de forma que sus efectos se suman (ferromagnetismo) o se cancelan (diamagnetismo) (en los materiales paramagnéticos los dipolos solo se alinean si existe un campo externo).



DIAMAGNETISMO



PARAMAGNETISMO



FERROMAGNETISMO

Campo magnético generado por una corriente eléctrica: ley de Biot y Savart

El campo magnético \vec{B} generado por una corriente I viene dado por la LEY DE BIOT Y SAVART:

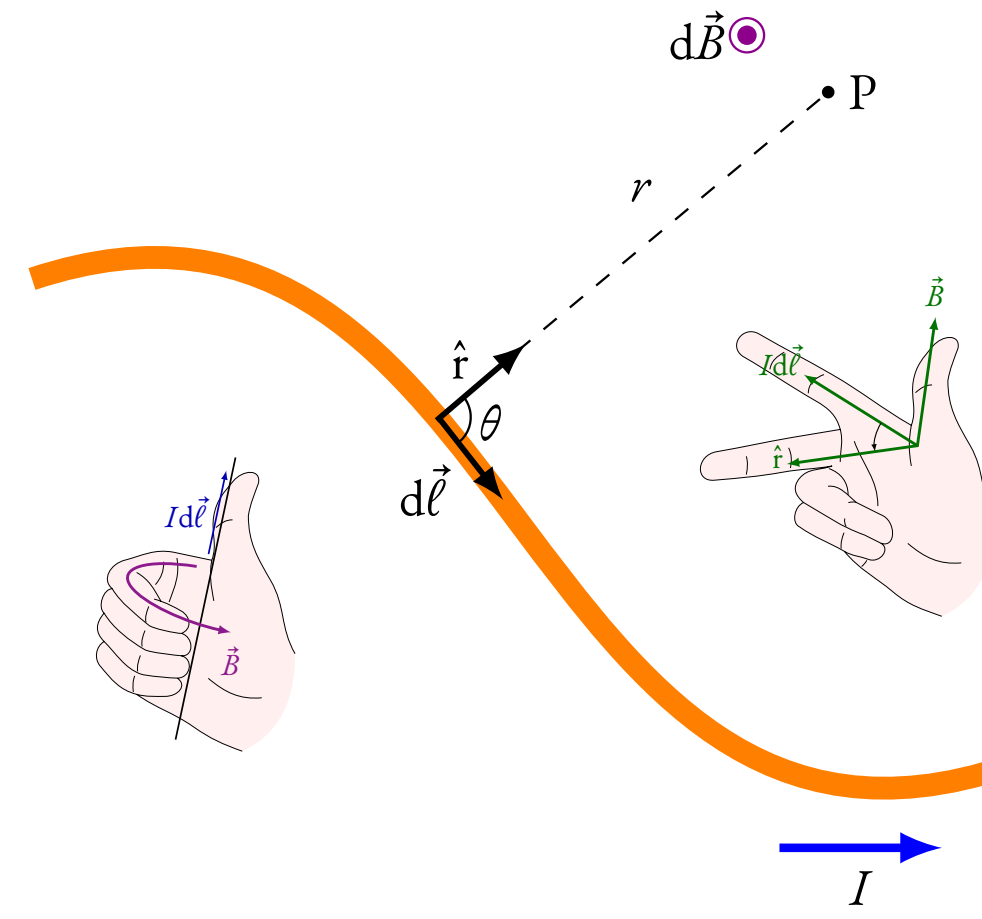
$$d\vec{B} = \frac{\mu}{4\pi} \frac{Id\vec{\ell} \times \hat{r}}{r^2},$$

donde μ es la permeabilidad magnética ($\approx 4\pi \times 10^{-7} \text{ N A}^{-2}$ en el vacío), r es la distancia del elemento de corriente $d\vec{\ell}$ al punto P y \hat{r} es el vector unitario desde el elemento $d\vec{\ell}$ hacia P. De acuerdo con la expresión anterior, el $d\vec{B}$ generado:

Módulo $dB = \frac{\mu}{4\pi} \frac{Id\ell \sin \theta}{r^2}$, siendo θ el ángulo formado entre $d\vec{\ell}$ y \hat{r}

Dirección \perp al plano formado por $d\vec{\ell}$ y \hat{r}

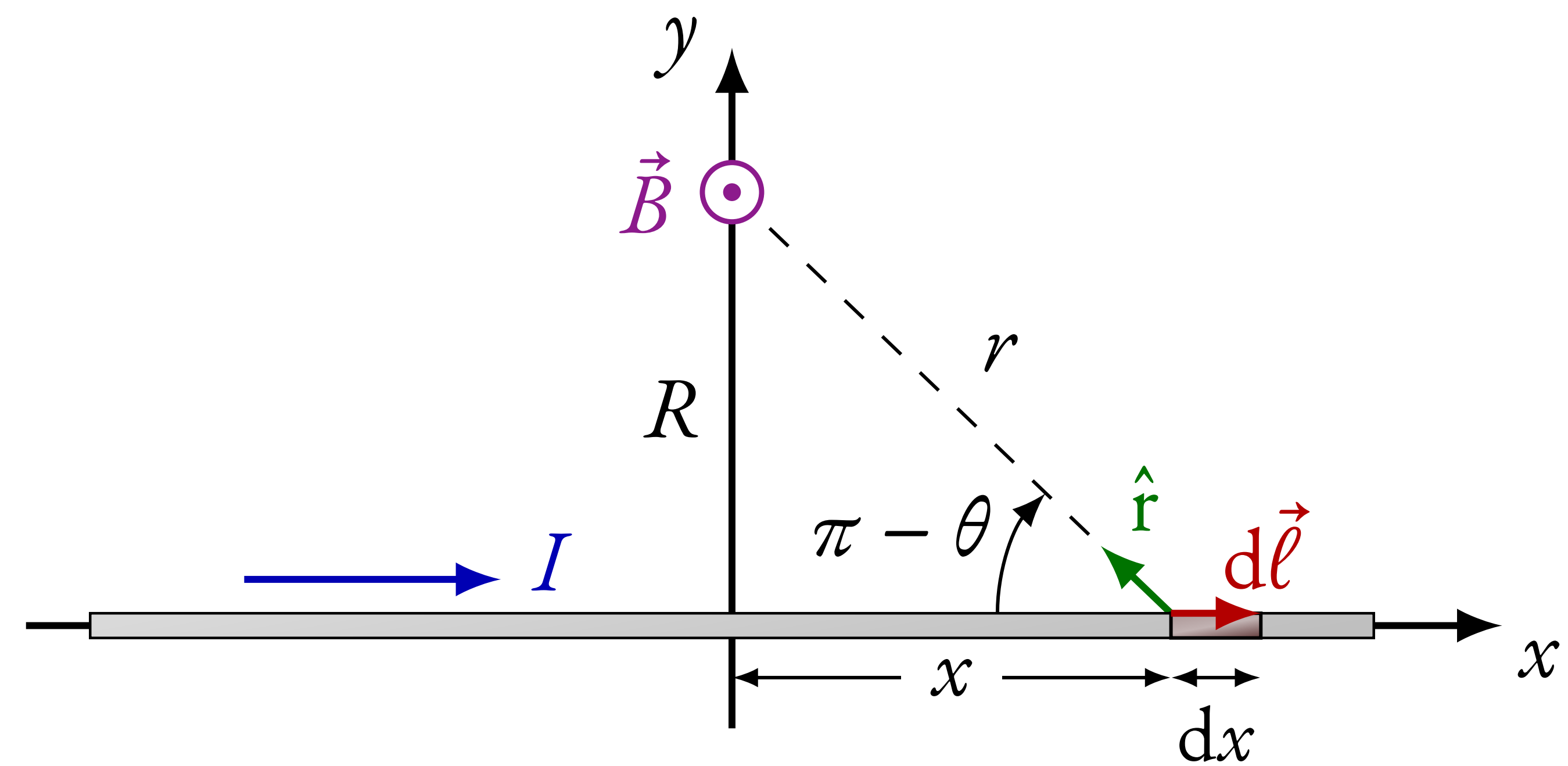
Sentido REGLA DE LA MANO DERECHA o regla del sacacorchos



Adaptada de <https://tikz.net/biot-savart/> y https://tikz.net/righthand_rule/.

Si integramos la ley de Biot y Savart a la corriente completa, se obtiene el campo magnético total en el punto P. Vamos a aplicarlo a dos casos concretos: HILO INFINITO y ESPIRA DE CORRIENTE.

Campo creado por un hilo conductor infinito



Adaptada de https://tikz.net/magnetic_field_wire/.

De acuerdo a la ley de Biot y Savart:

$$dB = \frac{\mu}{4\pi} \frac{Id\ell \sin \theta}{r^2}$$

Para integrar necesitamos expresarlo todo en función de una única variable (en este caso el ángulo θ):

$$R = r \sin(\pi - \theta) = r \sin \theta \rightarrow r = \frac{R}{\sin \theta} \quad (1)$$

$$\frac{R}{x} = \tan(\pi - \theta) = -\tan \theta; x = -\frac{R}{\tan \theta}$$

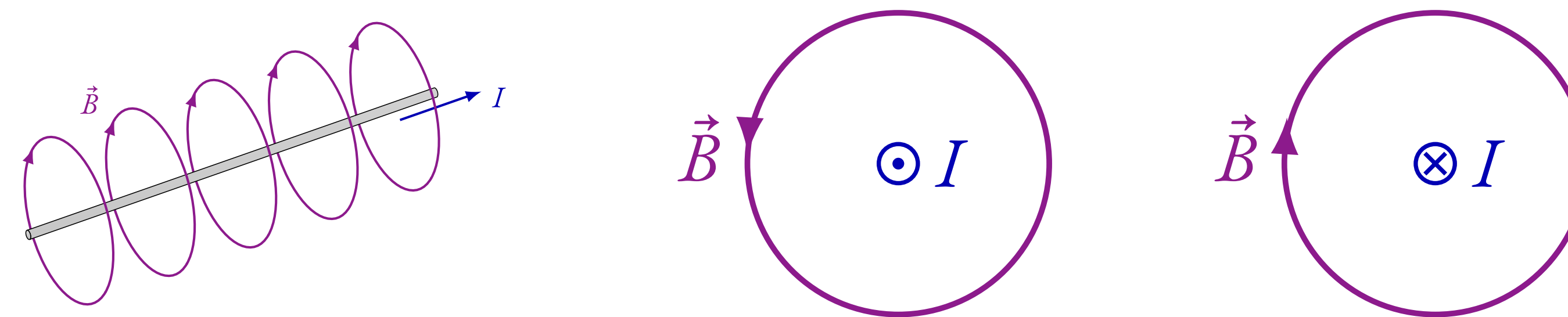
$$dx = d\ell = \frac{R}{\tan^2 \theta} \cdot \frac{1}{\cos^2 \theta} d\theta = \frac{R}{\sin^2 \theta} d\theta \quad (2)$$

Sustituyendo (1) y (2) se tiene:

$$dB = \frac{\mu I}{4\pi} \frac{R}{\sin^2 \theta} \frac{\sin^3 \theta}{R^2} d\theta = \frac{\mu I}{4\pi R} \sin \theta d\theta$$

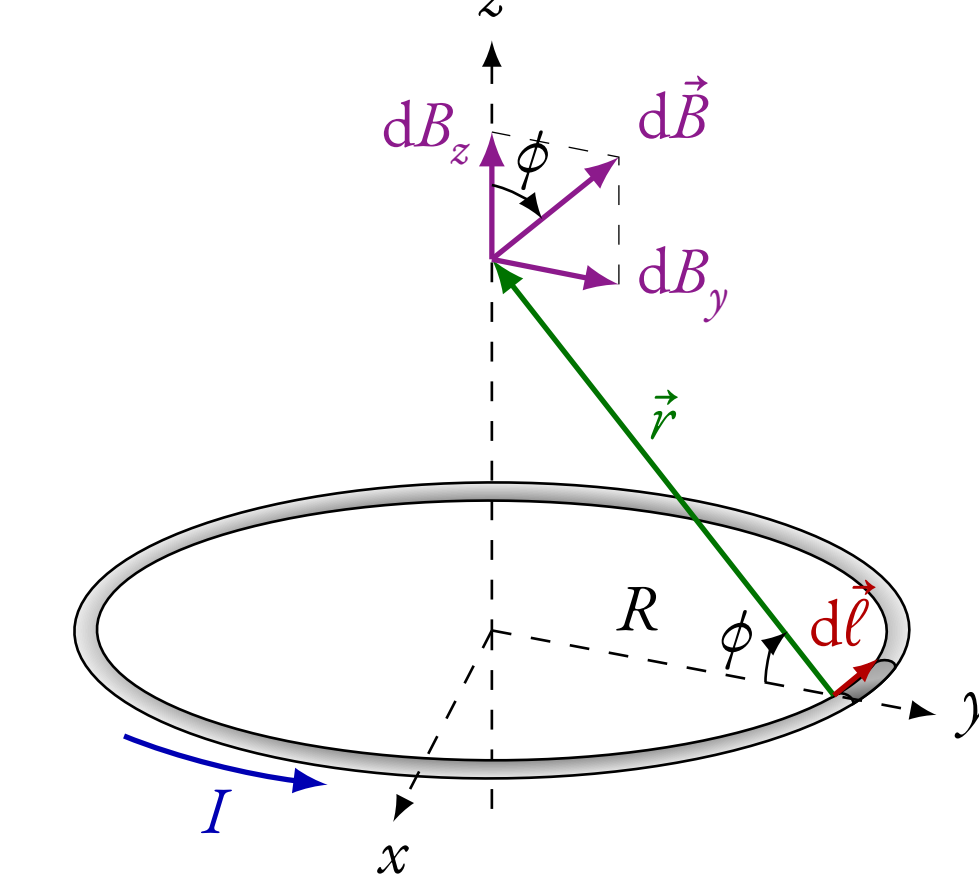
Hay que integrar para el hilo completo ($x \rightarrow -\infty : \theta = 0; x \rightarrow \infty : \theta = \pi$):

$$B = \int_{\theta=0}^{\theta=\pi} \frac{\mu I}{4\pi R} \sin \theta d\theta = -\frac{\mu I}{4\pi R} \cos \theta \Big|_0^\pi = \frac{\mu I}{2\pi R}$$



Dirección y sentido de \vec{B} . Adaptada de https://tikz.net/magnetic_field_wire/.

Campo creado por una espira de corriente en su eje



Adaptada de https://tikz.net/magnetic_field_loop/.

$$d\vec{\ell} \perp \hat{r} \Rightarrow \sin \theta = 1$$

$$d\vec{B} \perp \hat{r} \text{ y } d\vec{B} \perp d\vec{\ell}$$

$$r^2 = z^2 + R^2$$

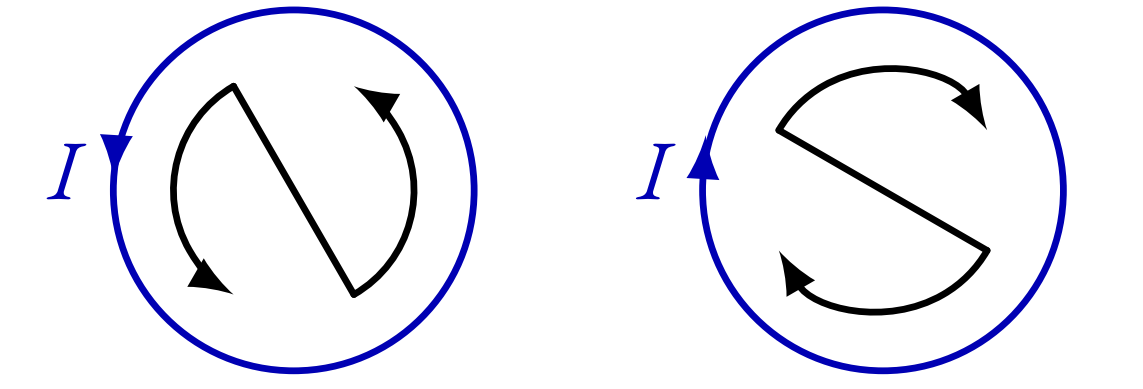
$$dB = \frac{\mu}{4\pi} \frac{Id\ell}{z^2 + R^2}$$

Consideremos una espira de radio R por la que circula una corriente I en sentido antihorario. Por geometría, si se consideran dB_y generados por todos los elementos de corriente de la espira, estos se cancelan. Así, solo quedan componentes dB_z :

$$dB_z = dB \cos \phi = \frac{\mu}{4\pi} \frac{Id\ell \sin \theta}{z^2 + R^2} \frac{R}{\sqrt{z^2 + R^2}} = \frac{\mu I R}{4\pi (z^2 + R^2)^{3/2}} d\ell$$

$$B_z = \int dB_z = \frac{\mu I}{4\pi} \frac{R}{(z^2 + R^2)^{3/2}} \int d\ell = \frac{\mu I R^2}{2(z^2 + R^2)^{3/2}}$$

$$B_z(z=0) = \frac{\mu I}{2R} \quad (\text{campo en el centro de la espira})$$



Dirección (\perp al plano de la espira) y sentido (regla de la mano derecha) de \vec{B} . Las espiras se comportan como imanes, con su cara norte y su cara sur.

Adaptada de https://tikz.net/magnetic_field_wire/.

El campo magnético también debe cumplir el PRINCIPIO DE SUPERPOSICIÓN. Si en un punto tenemos \vec{B}_i creados por diferentes corrientes, el campo magnético total, \vec{B}_t , viene dado por:

$$\vec{B}_t = \sum_i \vec{B}_i$$

Campo magnético generado por agrupaciones de corrientes: ley de Ampère

Para calcular el campo generado por una agrupación de corrientes se emplea la LEY DE AMPÈRE. Antes de enunciar esta ley resulta necesario definir la CIRCULACIÓN de un campo vectorial \vec{A} :

$$\oint \vec{A} \cdot d\vec{\ell}, \quad \text{con } d\vec{\ell} \text{ tangente a la línea cerrada en cada punto}$$

En los campos conservativos, como \vec{g} o \vec{E} , esta circulación se hace cero puesto que existe un potencial:

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{\ell} = -\oint \frac{dV}{d\ell} \cdot d\vec{\ell} = -\oint dV = 0 \quad (V_i = V_f \rightarrow dV = 0)$$

Pero el CAMPO MAGNÉTICO ES NO CONSERVATIVO:

- No existe un potencial magnético.
- El trabajo realizado por la fuerza magnética depende del camino seguido.
- La circulación de \vec{B} es distinta de cero.

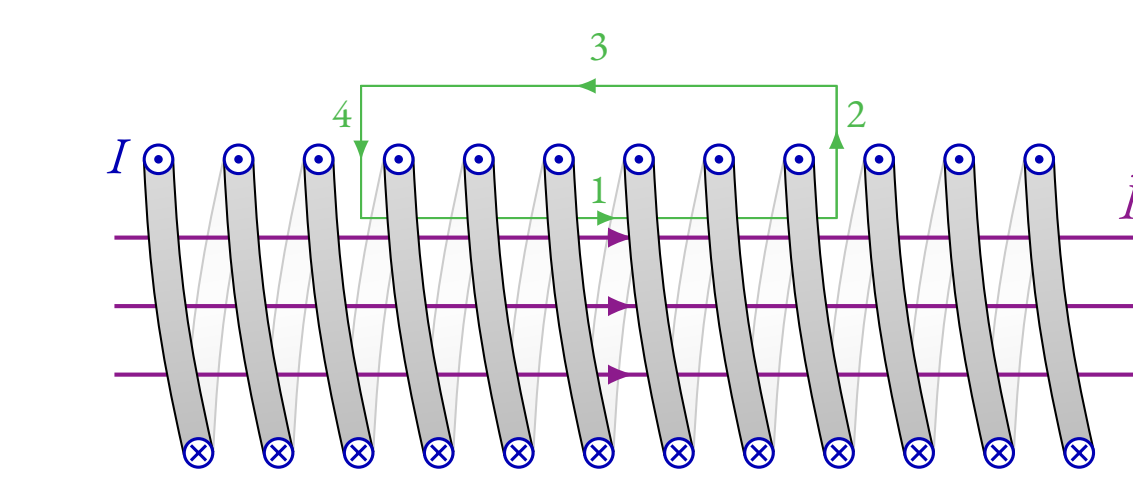
La LEY DE AMPÈRE generaliza este resultado para cualquier agrupación de corrientes:

“La circulación de \vec{B} a lo largo de una línea cerrada es la suma de las intensidades que atraviesan la superficie determinada por dicha línea, multiplicada por la permeabilidad magnética.”

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{\ell} = \mu \sum_i I_i$$

Campo creado en el interior de un solenoide

Un SOLENOIDE o bobina está formado por un hilo de corriente enrollado formando N espiras que se orientan en torno a un eje. El solenoide se comporta, en su conjunto, como un imán:



Adaptada de https://tikz.net/magnetic_field_solenoid/.

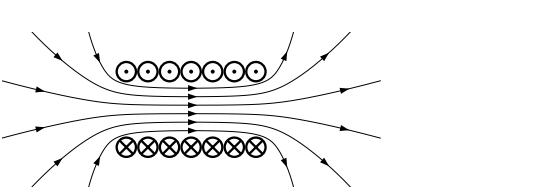
Según la ley de Ampère:

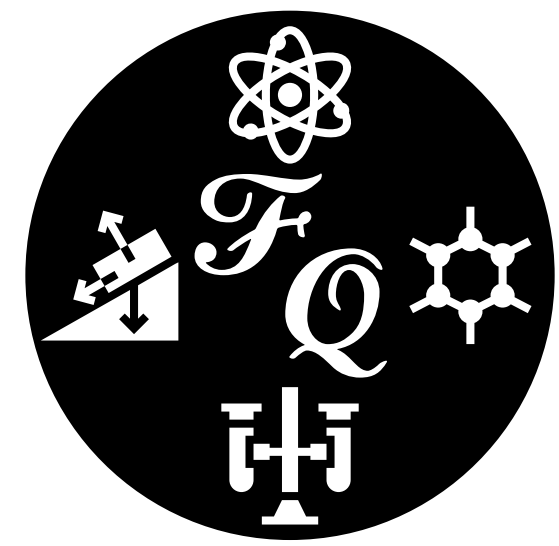
$$BL = \mu NI \rightarrow B = \mu NI/L = \mu nI,$$

con $n = N/L$ el número de espiras por unidad de longitud. Así, el campo magnético generado por un solenoide en su interior:

- Es UNIFORME y su módulo $B = \mu nI$.
- Dirección la del eje del solenoide.
- Sentido dado por la regla de la mano derecha.

*Esto solo es válido en su centro.





CAMPO MAGNÉTICO

Física 2.º Bach

Marta Rada Arias



Efecto del campo magnético sobre una carga en movimiento: ley de Lorentz

Cuando una carga puntual q de masa m se desplaza con velocidad \vec{v} en el interior de un campo magnético uniforme \vec{B} , estará sometida a una fuerza \vec{F}_m debida al campo tal que:

$$\vec{F}_m = q\vec{v} \times \vec{B} \quad \text{LEY DE LORENTZ}$$

Módulo $F_m = qvB \sin \theta$, con θ el ángulo formado entre \vec{v} y \vec{B} . Es proporcional a v y B , se anula cuando $\vec{v} \parallel \vec{B}$ y se hace máxima cuando $\vec{v} \perp \vec{B}$.

Dirección Es perpendicular al plano formado por \vec{v} y \vec{B} . Al ser \perp a \vec{v} , no puede cambiar su módulo, únicamente la trayectoria de q . Al ser también \perp al desplazamiento, tampoco realiza trabajo.

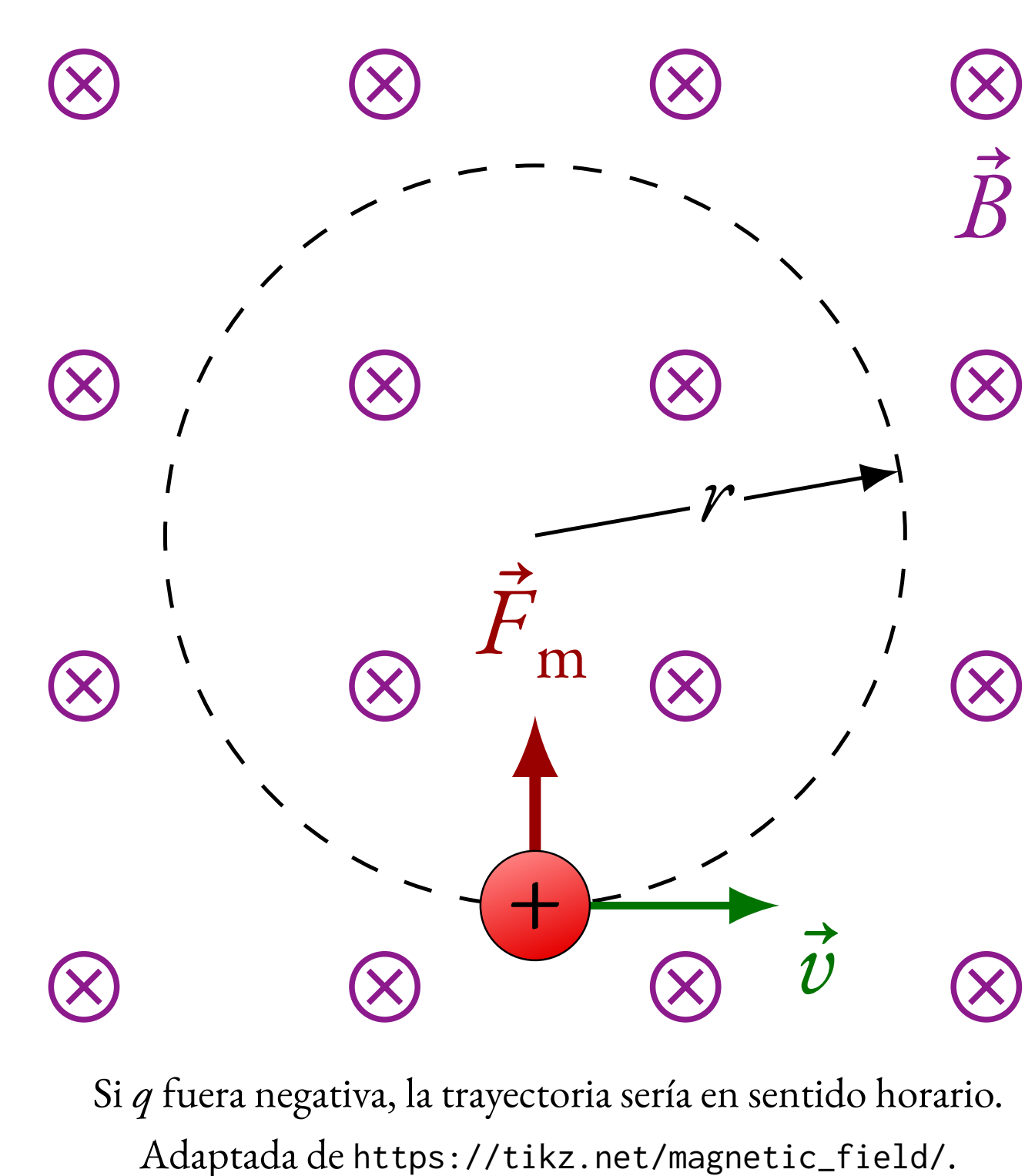
Sentido Regla de la mano derecha si la carga es positiva.

Conocida \vec{F}_m es posible describir el movimiento de la carga en \vec{B} (considerado siempre uniforme).

$\vec{v} \parallel \vec{B}$

Como $\vec{v} \parallel \vec{B}$, $\vec{F}_m = 0$, por lo que q describe un MRU.

$\vec{v} \perp \vec{B}$



Debido a \vec{F}_m , la partícula describe un MCU de radio:

$$F_m = ma$$

$$F_m = ma_c = \frac{mv^2}{r}$$

$$qvB = \frac{mv^2}{r} \rightarrow r = \frac{mv}{qB}$$

Cuanto mayor sea v y menor B , el radio será mayor. Con v y B constantes, el radio únicamente depende de la relación masa/carga.

El periodo

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi \frac{mv}{qB}}{v} = \frac{2\pi m}{qB}$$

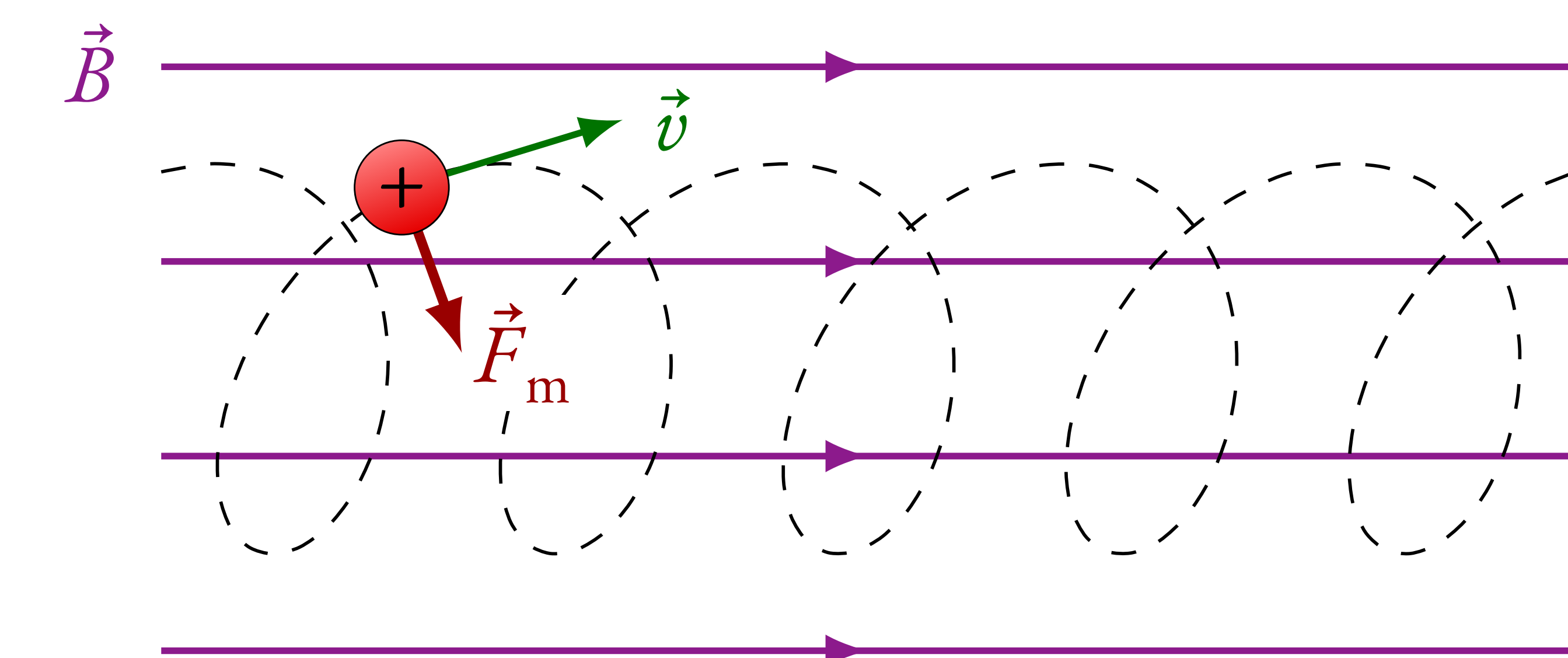
y la frecuencia f

$$f = \frac{1}{T} = \frac{qB}{2\pi m}$$

son independientes de la velocidad y del radio. Se denominan periodo y frecuencia del CICLOTRÓN.

Caso general ($\vec{v} \perp \vec{B}$)

La velocidad \vec{v} puede descomponerse en una componente paralela a \vec{B} , v_{\parallel} , que no se ve afectada por \vec{F}_m y permanece constante, y otra componente perpendicular a \vec{B} , v_{\perp} , que da lugar a un MCU.



Adaptada de https://tikz.net/magnetic_field/.

Componiendo ambos se observa que q describe un MOVIMIENTO HELICOIDAL en el que el giro se debe a v_{\perp} y el avance de la hélice a v_{\parallel} , de forma que el paso de la hélice, p , viene dado por:

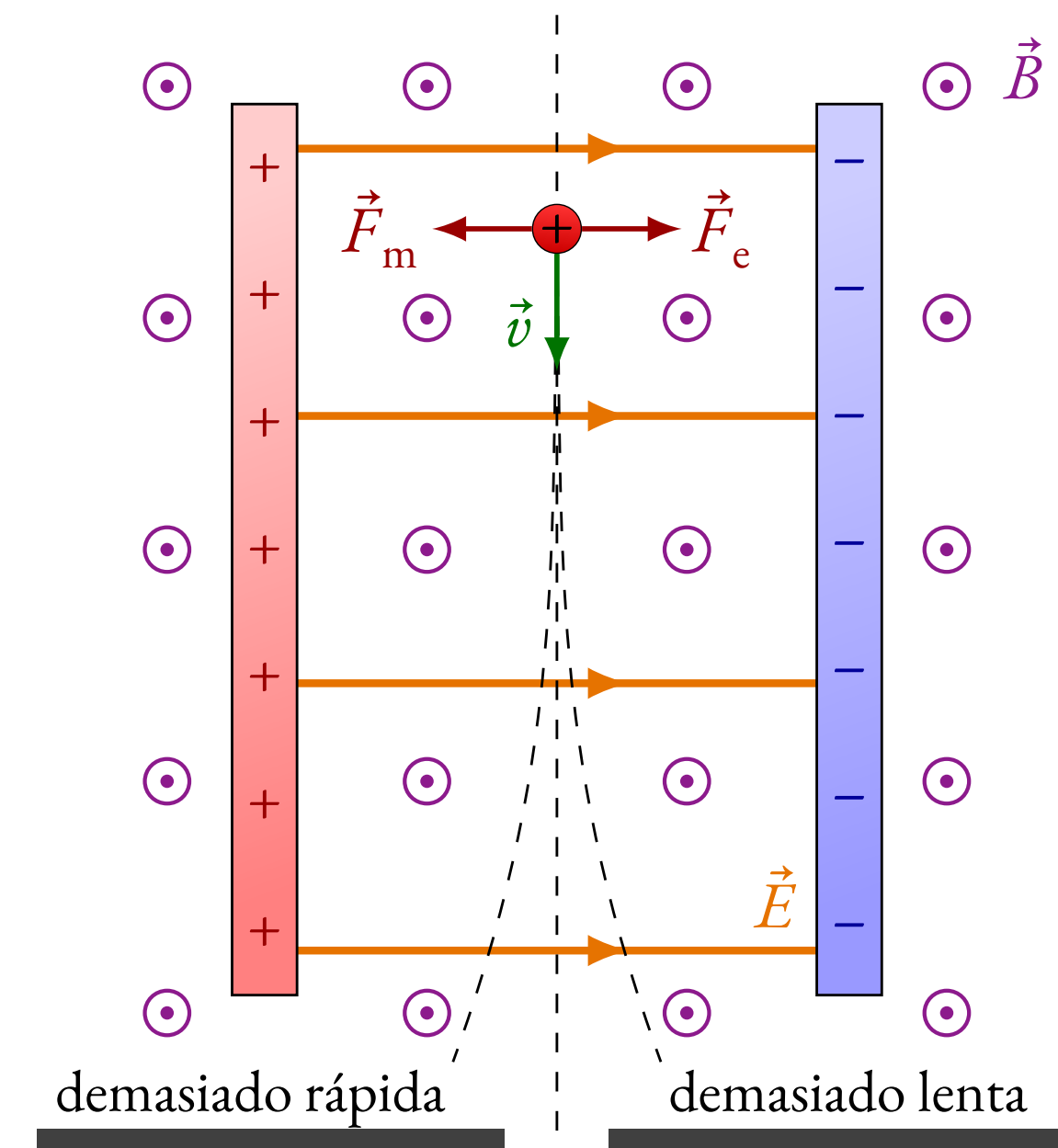
$$p = v_{\parallel} \cdot T = v_{\parallel} \cdot \frac{2\pi m}{qB}$$

Existen varios DISPOSITIVOS que aprovechan el movimiento de partículas cargadas dentro de un campo \vec{B} .

Dispositivos

Selector de velocidades

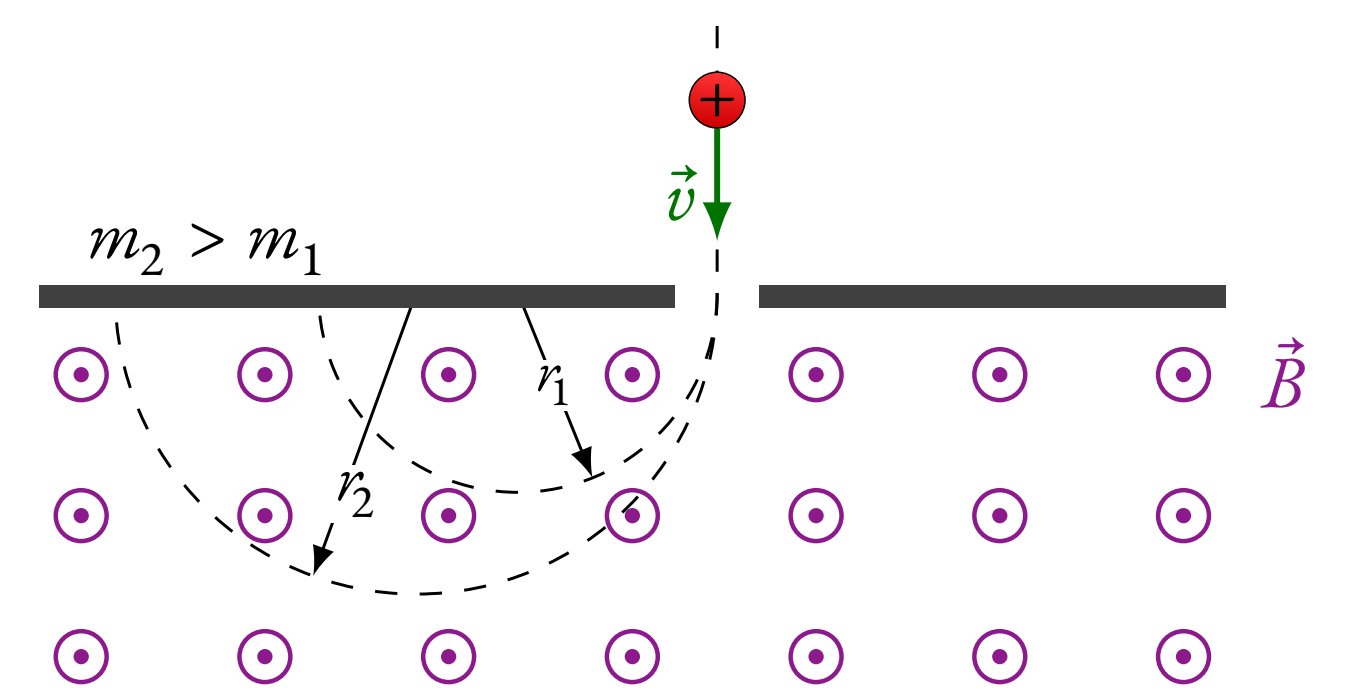
Es un dispositivo que permite seleccionar partículas que se mueven a cierta velocidad. En él hay un campo magnético y un campo eléctrico uniformes y perpendiculares entre sí.



Adaptada de https://tikz.net/velocity_selector/.

Espectrómetro de masas

Se emplea para determinar la relación masa/carga de iones cuya carga es conocida, midiendo el radio de la trayectoria circular que describen en el seno de un campo magnético uniforme \vec{B} conocido.

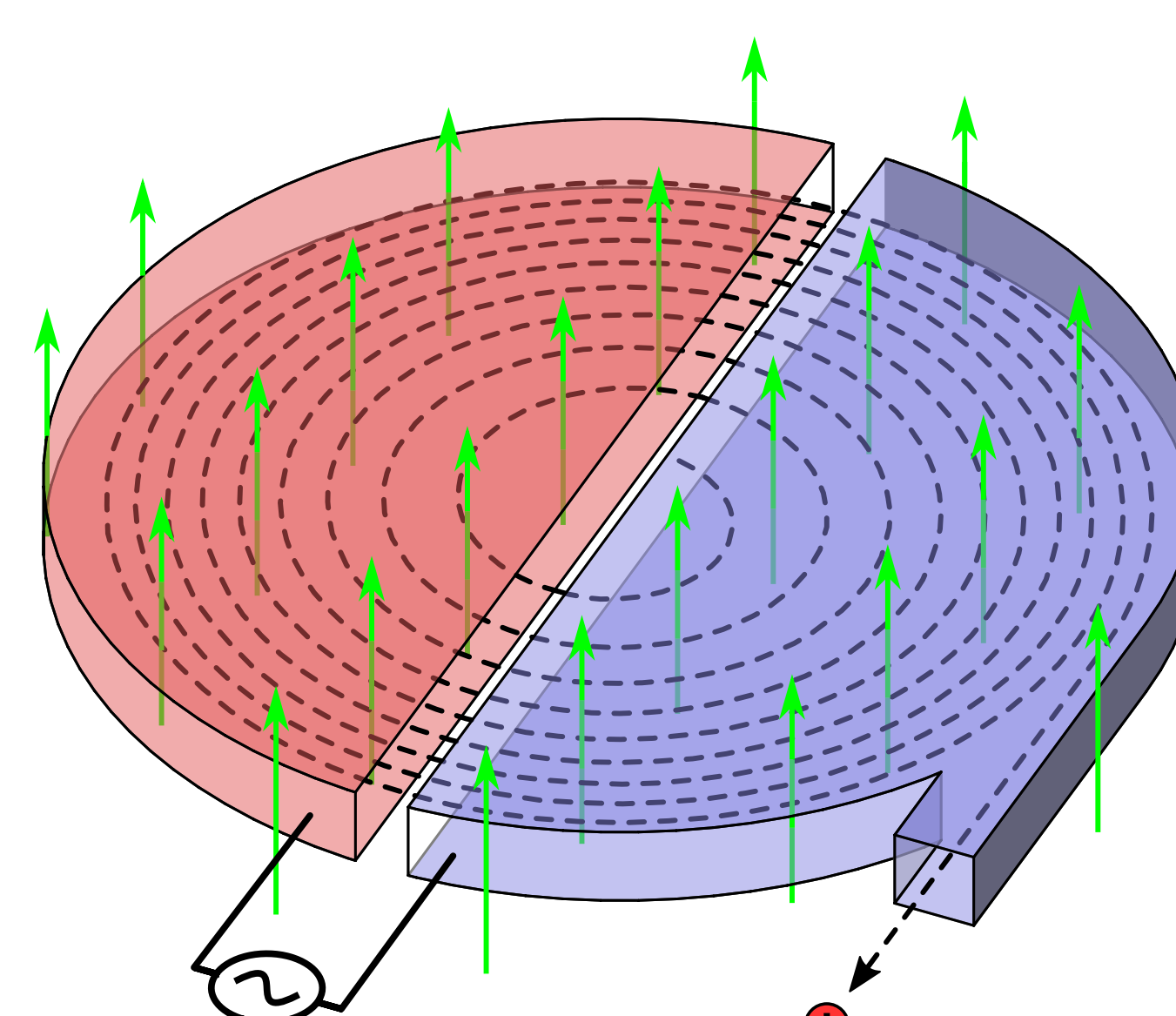


Los iones de carga q conocida son acelerados por la acción de una diferencia de potencial ΔV y penetran en una región en la que existe \vec{B} uniforme generado por un electroimán.

Adaptada de https://tikz.net/velocity_selector/.

Acelerador de partículas: el ciclotrón

El CICLOTRÓN es un dispositivo capaz de acelerar partículas cargadas hasta conseguir que adquieran altas energías cinéticas. Después de ser aceleradas, las partículas suelen emplearse para bombardear núcleos, provocando reacciones nucleares que permiten obtener información sobre estos o dando lugar a materiales radiactivos que se emplean por ejemplo en medicina nuclear.



<https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Zyctotron.svg>

Supongamos una carga q positiva que penetra con velocidad \vec{v} en el selector. Dicha carga se verá sometida a dos FUERZAS:

- \vec{F}_m debida a \vec{B} . De acuerdo con la regla de la mano derecha, su dirección y sentido serán tal y como se refleja en la figura.
- \vec{F}_e debida a \vec{E} . Como la carga es positiva, dicha fuerza tendrá la misma dirección y sentido que \vec{E} .

Las partículas que salen del selector son aquellas que no se desvían, tal que F_m y F_e se contrarrestan y describen, por tanto, un MRU:

$$F_m = F_e$$

$$qvB = qE \rightarrow v = \frac{E}{B}$$

Si los iones parten del reposo y alcanzan una velocidad v al entrar en \vec{B} , por conservación de la energía:

$$q\Delta V = \frac{1}{2}mv^2 \rightarrow v = \sqrt{\frac{2q\Delta V}{m}} \quad (3)$$

Una vez en \vec{B} , la carga q describe una semicircunferencia de radio r hasta incidir sobre una placa fotográfica:

$$F_m = ma$$

$$F_m = ma_c = \frac{mv^2}{r}$$

$$qvB = \frac{mv^2}{r} \rightarrow v = \frac{qBr}{m} \quad (4)$$

Igualando (3) y (4):

$$\frac{q}{m} = \frac{2\Delta V}{B^2 r^2}$$

Esto permite separar y cuantificar los isótopos de elementos químicos, como por ejemplo el hidrógeno.

Efecto del campo magnético sobre una corriente: ley de Laplace

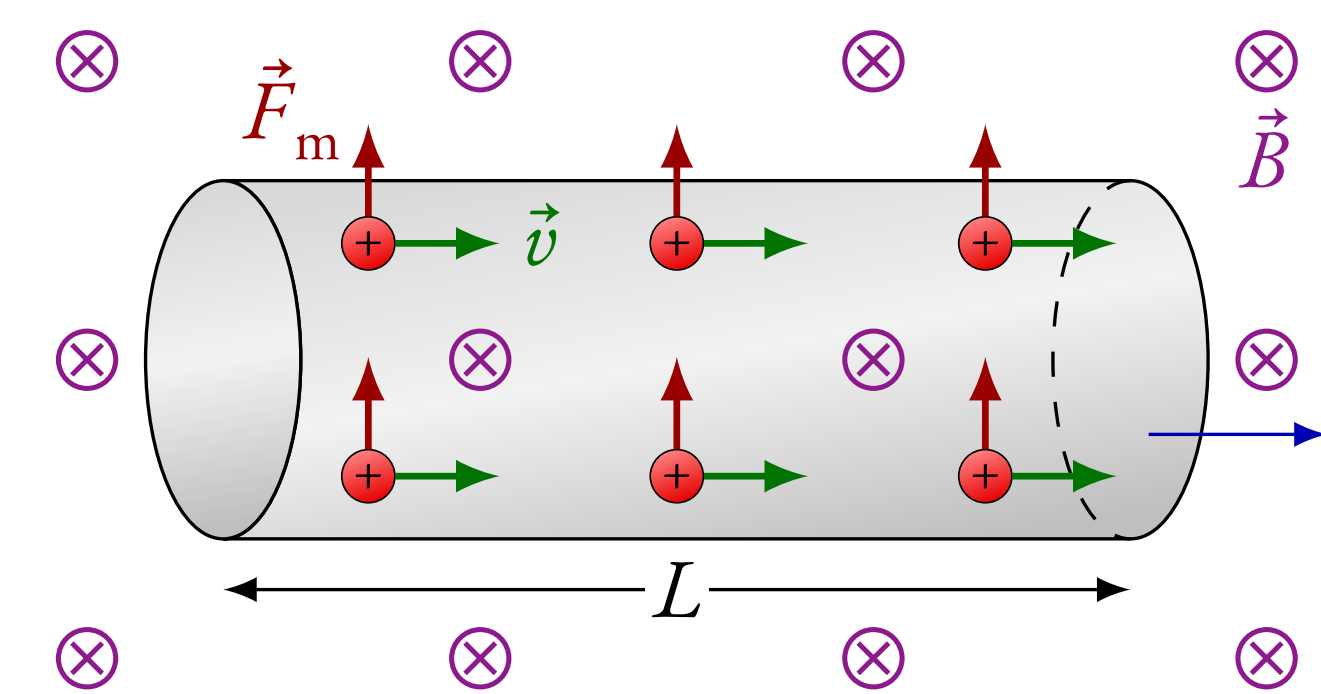
Hemos visto que cuando una carga eléctrica puntual penetra en un campo magnético uniforme \vec{B} , experimenta una fuerza \vec{F}_m debida a \vec{B} dada por la LEY DE LORENTZ. En este apartado estudiaremos el efecto de \vec{B} sobre una corriente eléctrica (conjunto de cargas en movimiento).

Si un hilo conductor por el que circula una corriente I se encuentra en el seno de un \vec{B} uniforme, cada $d\vec{l}$ del hilo experimenta una fuerza magnética $d\vec{F}_m$ debida a \vec{B} , dada por:

$$d\vec{F}_m = Id\vec{l} \times \vec{B} \quad \text{LEY DE LAPLACE}$$

Si integramos a todo el hilo obtendremos la \vec{F}_m total que se ejerce sobre él. Lo aplicaremos a dos casos.

Hilo conductor rectilíneo



$$\vec{F}_m = I\vec{L} \times \vec{B},$$

donde \vec{L} es un vector que tiene la misma dirección que el hilo y su sentido es el de la corriente.

Módulo $F_m = ILB \sin \theta$

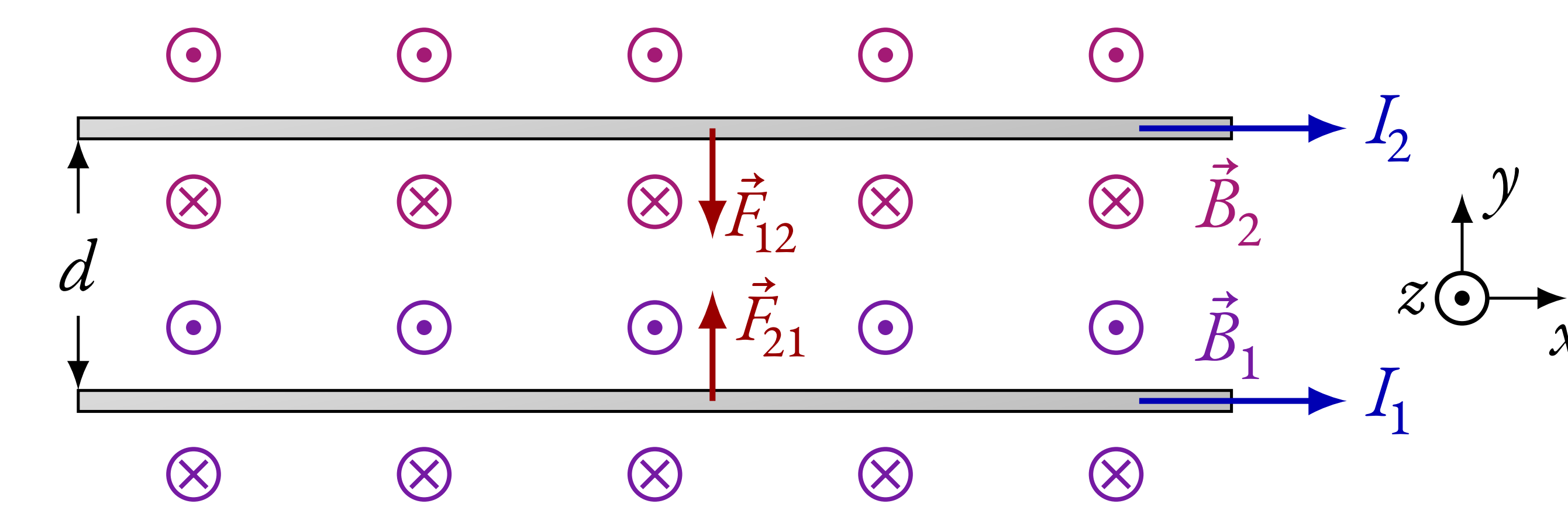
Dirección \perp al plano formado por \vec{L} y \vec{B}

Sentido Regla de la mano derecha

Adaptada de https://tikz.net/magnetic_force_current/.

Acciones entre hilos conductores rectilíneos

Supongamos dos corrientes paralelas entre sí y al eje x , separadas una distancia d y por las que circulan sendas corrientes I_1 e I_2 en el sentido positivo de dicho eje.



La fuerza es atractiva si las corrientes circulan en el mismo sentido, pero repulsiva si circulan en sentidos opuestos.

Adaptada de https://tikz.net/magnetic_field_wire_force/.

I_1 genera en I_2 un \vec{B}_1 saliente:

$$\vec{B}_1 = \frac{\mu I_1}{2\pi d} \hat{k}$$

Debido a \vec{B}_1 , la corriente I_2 se ve sometida a una fuerza \vec{F}_{12} :

$$\vec{F}_{12} = I_2 \vec{L} \times \vec{B}_1 = -\frac{\mu I_1 I_2 L}{2\pi d} \hat{j}$$

Haciendo un razonamiento análogo, I_2 genera en I_1 un \vec{B}_2 entrante:

$$\vec{B}_2 = -\frac{\mu I_2}{2\pi d} \hat{k}$$

I_1 se ve sometida a una fuerza \vec{F}_{21} :

$$\vec{F}_{21} = I_1 \vec{L} \times \vec{B}_2 = \frac{\mu I_1 I_2 L}{2\pi d} \hat{j} = -\vec{F}_{12} \quad (\text{ACCIÓN-REACCIÓN})$$

Las CORRIENTES SE ATRAEN con una fuerza por unidad de longitud (N/m):

$$\frac{F}{L} = \frac{\mu I_1 I_2}{2\pi d},$$

que es mayor cuanto mayores son I_1 e I_2 y cuanto menor es la distancia d que las separa.

Definición de amperio

Antes de la redefinición de 2019, el AMPERIO se definía a partir de la situación que acabamos de describir:

“Un amperio es la intensidad de una corriente constante que, manteniéndose en dos conductores paralelos, rectilíneos, de longitud infinita, de sección circular despreciable y situados a una distancia de un metro uno del otro, en el vacío, produciría entre esos conductores una fuerza igual a 2×10^{-7} N/m.”

Actualmente se define a partir de la carga elemental, de tal forma que un amperio es la corriente eléctrica correspondiente al flujo de $1 / (1.602 176 634 \times 10^{-19}) = 6.241 509 074 \times 10^{18}$ cargas elementales por segundo.